

Algorithmen und Datenstrukturen ADS VO	schriftliche Einzelprüfung	02.10.2015		1
--	-------------------------------	------------	--	---

	<b>12</b>	<b>10</b>	<b>33</b>	<b>14</b>	<b>15</b>	<b>13</b>	<b>12</b>
	+	+	+	+	+	+	+
<b>11</b>							
<b>z<sub>1</sub></b>	<b>z<sub>2</sub></b>	<b>z<sub>3</sub></b>	<b>z<sub>4</sub></b>	<b>z<sub>5</sub></b>	<b>z<sub>6</sub></b>	<b>z<sub>7</sub></b>	<b>z<sub>8</sub></b>

### Aufgabe 1 [2]

Fügen Sie in obiger Tabelle in den leeren Kästchen, vor denen das Pluszeichen steht, die Ziffern Ihrer Matrikelnummer ein. Führen Sie die Additionen durch und ermitteln Sie die Zahlen **z<sub>2</sub>** bis **z<sub>8</sub>**. (**z<sub>1</sub>** ist bereits mit dem fixen Wert 11 belegt.)

### Aufgabe 2 [18]

- [10] Erstellen Sie in C++-ähnlichem Pseudocode eine rekursive Funktion  $f$  mit einem ganzzahligen Parameter  $n$ , auf die das Mastertheorem anwendbar ist und deren Laufzeit in  $\Theta(n^3 \log n)$  liegt.
- [3] Zeigen Sie mit Hilfe des Mastertheorems, dass  $f$  die gewünschte Laufzeit hat.
- [5] Erstellen Sie in C++-ähnlichem Pseudocode eine Funktion  $g$  mit einem ganzzahligen Parameter  $n$ , die  $f$  aufruft und deren Laufzeit in  $\Theta(n^3 (\log n)^2)$  liegt.

### Aufgabe 3 [20]

Die Werte **z<sub>1</sub>** bis **z<sub>8</sub>**. (aus Aufgabe 1) seien in dieser Reihenfolge von links nach rechts in einem Array gespeichert. Sortieren Sie die Werte aufsteigend mit

- [10] Quicksort (Verwenden Sie als Pivotelement immer den ersten (ganz linken) Wert).
- [6] Counting Sort
- [4] Selection Sort

### Aufgabe 4 [20]

- [5] Geben Sie in C++-ähnlichem Pseudocode die Definition einer effizienten Datenstruktur für einen Max-Heap an, der ganzzahlige Werte speichert.
- [5] Geben Sie in C++-ähnlichem Pseudocode eine Methode an, die den Knoten im Heap ermittelt, der beim Löschen mit der Wurzel getauscht wird, und dessen Wert ausgibt. Dieser Knoten ist in der üblichen graphischen Darstellung in der untersten Ebene ganz rechts (siehe Abbildung).



Der „Ersatzknoten“ beim Löschen

- [5] Geben Sie in C++-ähnlichem Pseudocode eine effiziente Methode an, um das Maximum der im Max-Heap gespeicherten Werte auszugeben.
- [5] Welche Laufzeitordnungen haben Ihre Methoden aus Punkt b) und Punkt c) bezüglich der im Heap gespeicherten Anzahl  $n$  der Elemente?

Algorithmen und Datenstrukturen ADS VO	schriftliche Einzelprüfung	02.10.2015		2
--	-------------------------------	------------	--	---

### Aufgabe 5 [20]

- [10] Fügen Sie die Zahlen  $z_1$  bis  $z_7$  (aus Beispiel 1) in dieser Reihenfolge in eine ursprünglich leere Hashtabelle der Größe 7 ein. Verwenden Sie die Hashfunktion  $h(x) = x \% 7$  und zur Kollisionsbehandlung double Hashing mit  $g(x) = x \% 5 + 1$  als zweiter Hashfunktion. Geben Sie den Zustand der Hashtabelle nach jeder Einfügeoperation an.
- [4] Geben Sie den Kollisionspfad an, der durchsucht wird, wenn versucht wird, in der nach a) befüllten Hashtabelle zusätzlich  $z_8$  (aus Beispiel 1) einzufügen.
- [2] Wozu wird beim double Hashing die Markierung „wiederfrei“ verwendet?
- [2] Warum ist es empfehlenswert, für double Hashing eine Tabellengröße zu verwenden, die eine Primzahl ist?
- [2] Nennen Sie 2 dynamische Hashverfahren. (Namen reichen aus.)

### Aufgabe 6 [20]

Gegeben ist die folgende Adjazenzmatrix, die die Kosten der Verbindungen zwischen den Knoten eines gerichteten Graphen beschreibt:

$$\begin{pmatrix}
 0 & 0 & 0 & z_3 & z_4 \\
 z_2 & 0 & z_5 & z_8 & 0 \\
 2 & 0 & 4 & 0 & 2 \\
 0 & 0 & z_6 & 0 & z_7 \\
 42 & 0 & 1 & 0 & 7
 \end{pmatrix}$$

- [2] Skizzieren Sie den Graphen, der durch diese Adjazenzmatrix beschrieben wird.
- [10] Bestimmen Sie mit dem Algorithmus von Dijkstra die kürzesten Wege vom Knoten 1 zu allen anderen Knoten des Graphen (Dabei entspricht Knoten 1 dem Knoten der ersten Zeile/Spalte in der Adjazenzmatrix).
- [8] Entfernen Sie möglichst wenig Kanten aus dem Graphen, sodass dieser topologisch sortierbar wird. Führen Sie dann die topologische Sortierung für diesen neuen Graphen durch.